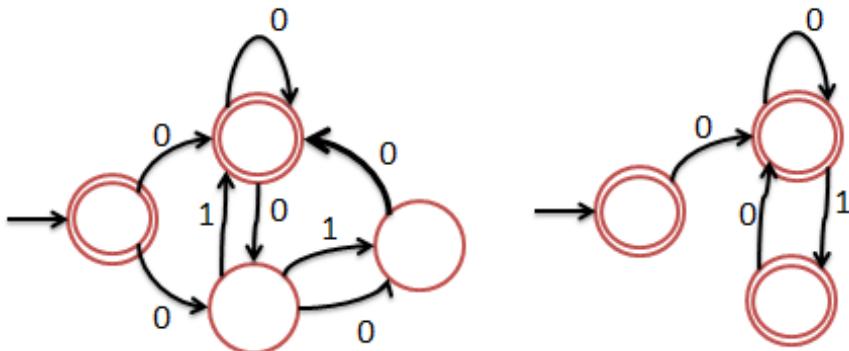


1. Βρείτε το πρώτο βήμα στο οποίο έκανα λάθος στην παρακάτω προσπάθειά μου να αποδείξω ότι η γλώσσα  $T = \{1^{3n} | n \geq 0\}$  δεν είναι κανονική.
1. Έστω ότι η  $T$  είναι κανονική. Τότε, υπάρχει ένα ντετερμινιστικό πεπερασμένο αυτόματο  $M$  με μήκος άντλησης  $p$  που αναγνωρίζει την  $T$
  2. Επιλέγουμε  $s = 1^p$ .
  3. Από το λήμμα της άντλησης γνωρίζουμε ότι μπορούμε να γράψουμε το  $s$  ως εξής  $s = xyz$  όπου  $|y| \geq 1$ , και  $|xy| < p$  και ότι  $xy^iz \in T$  για κάθε  $i > 0$ .
  4. Επειδή η  $s$  περιλαμβάνει μόνον 1 συμπεραίνουμε ότι και η  $y$  περιέχει μόνον 1.
  5. Επιλέγουμε  $y = 1$ .
  6. Επιλέγουμε  $i = 2$ .
  7. Επειδή η  $xy^2z$  έχει  $p + 1$  μονάδες, δεν ανήκει στην γλώσσα  $T$ .
  8. Καταλήξαμε σε άτοπο και συνεπώς η  $T$  δεν είναι κανονική.
2. Είναι οι γλώσσες που παράγουν οι παρακάτω ασυμφραστικές γραμματικές κανονικές γλώσσες;
- (α')  $S \rightarrow 0S0|1S1$
  - (β')  $S \rightarrow 0S|S1|\epsilon$
3. Είναι τα παρακάτω δύο αυτόματα ισοδύναμα; Ποιά γλώσσα αναγνωρίζουν;



4. Δώστε ένα αυτόματο στοίβας που αναγνωρίζει την γλώσσα

$$\{x^a y^b z^c | a, b, c \geq 0, \text{ και } a = b \text{ ή } a = c\}.$$

5. Αν οι γλώσσες  $A$  και  $B$  είναι κανονικές είναι και η  $A - B = \{s | s \in A \wedge s \notin B\}$  κανονική γλώσσα;